

MÓDULO DE ELASTICIDADE EM VIGAS DE MADEIRA DE DIMENSÕES ESTRUTURAIS PELO MÉTODO DOS MÍNIMOS QUADRADOS¹

André Luis Christoforo², Júlio Cesar Molina³, Túlio Hallak Panzera⁴, Diego Henrique de Almeida⁵, Sérgio Luiz Moni Ribeiro Filho⁶, Ricardo de Mello Scaliante⁷ e Francisco Antonio Rocco Lahr³

RESUMO – Este trabalho propõe uma metodologia alternativa de cálculo fundamentada no Método dos Mínimos Quadrados para a obtenção do módulo de elasticidade na flexão de vigas de madeira com dimensões estruturais. As equações desenvolvidas requerem o conhecimento de um ou cinco pontos de deslocamentos medidos ao longo do comprimento das peças. Esse método permite maior precisão sobre a variável resposta e tem como base o ensaio de flexão estática a três pontos. A metodologia proposta foi empregada em concordância com as recomendações da norma Brasileira NBR 7190:1997, adaptada para peças de dimensões estruturais. Os ensaios mecânicos foram realizados em sete peças de madeira *Corymbia citriodora* com 540cm de comprimento, 15cm de altura e 5cm de largura. Em testes preliminares determinou-se o valor da força responsável por provocar um deslocamento vertical no meio do vão de L/200, sendo L a distância entre os apoios das vigas. A força obtida foi dividida em sete incrementos iguais (39,60N), fornecendo sete valores de deslocamento distintos. Os resultados de ambas as metodologias mostraram-se convergentes à medida que os deslocamentos se aproximaram da razão L/200, validando o uso desta relação. Os resultados do intervalo de confiança entre médias indicaram equivalência estatística entre os módulos de elasticidade por ambas as formas de cálculo e para os sete incrementos de deslocamentos. Em razão da possível presença de defeitos e da heterogeneidade da madeira, os resultados obtidos não devem ser extrapolados para outras madeiras de mesma ou de espécies diferentes, justificando o uso da presente metodologia de cálculo em cada pesquisa desenvolvida.

Palavras-chave: Madeira serrada; Módulo de elasticidade na flexão; Método dos Mínimos Quadrados.

BENDING MODULUS OF ELASTICITY IN STRUCTURAL TIMBER BEAMS BY THE LEAST SQUARE METHOD

ABSTRACT – *The objective of the present study was to propose an alternative method of calculation based on the Least Squares Method to determine the bending modulus of elasticity in timber beams with structural dimensions. The developed equations require the knowledge of one or five points of displacements along the length of the beam. This method allows greater reliability on the response variable and, it is based on the static three points bending tests. The proposed methodology was applied according to the recommendations of the Brazilian standard ABNT NBR 7190:1997, adapted for spans with structural dimensions. The tests were performed on seven Corymbia citriodora wood specimens with 540 cm of height, 15 cm of width and 5 cm of thickness. In preliminary tests was determined the value of the load responsible for causing a vertical*

¹ Recebido em 08.08.2012 aceito para publicação em 03.09.2013.

² Departamento de Engenharia Mecânica da Universidade Federal de São João del-Rei, UFSJ, MG, Brasil. E-mail: <alchristoforo@yahoo.com.br>.

³ Departamento de Engenharia Mecânica da Universidade Federal de São João del-Rei, UFSJ, MG, Brasil. E-mail: <tuliopanzera@hotmail.com>.

⁴ Escola de Engenharia de São Carlos da Universidade de São Paulo, EESC, USP, Brasil. E-mail: <julioem@sc.usp.br> e <frocco@sc.usp.br>.

⁵ Programa de Pós-Graduação em Engenharia Civil na Universidade de São Paulo, USP, Brasil. E-mail: <almeidadh@us.br>.

⁶ Programa de Graduação em Engenharia Mecânica na Universidade Federal de São João Del-Rei, UFSJ, Brasil. E-mail: <sergiolmrf@gmail.com>.

⁷ Departamento Nacional de Infraestrutura de Transportes, Superintendência Regional do DNIT no Estado de Mato Grosso do Sul, Brasil. E-mail: <scaliante@usp.br>.

displacement in the centre of the span ($L/200$), where L is the distance between the support beams. The obtained load was divided into seven equal parts, with seven load increments of intensity 39.60 N and recorded the displacements corresponding to each of these load levels. The results of the confidence interval indicated statistical equivalence between the modulus of elasticity for both forms of calculation and for the seven increments of displacements. Due to the possible presence of defects and the heterogeneity of the wood, the results should not be extrapolated to other woods of the same or different species, justifying the use of this calculation method developed in each research.

Keywords: Sawn timber; Bending modulus of elasticity; Least Squares Method.

1. INTRODUÇÃO

Dentre os principais materiais utilizados na confecção de estruturas e elementos estruturais destaca-se a madeira, por ser um material de fonte renovável e de excelente relação resistência/peso, chegando a ser quatro vezes superior a do aço (CALIL et al., 2003). Além disso, ao contrário da crença popular, a madeira apresenta boa resistência ao fogo quando comparada com o aço.

O projeto de estruturas de madeira, assim como o de outros materiais, requer o conhecimento de algumas variáveis, dentre elas, o módulo de elasticidade, geralmente obtido por intermédio de ensaios experimentais destrutivos preconizados por documentos normativos, de maneira que os valores de forças e deslocamentos utilizados na obtenção da rigidez são baseados frações pré-estipuladas do valor de força máxima (resistência) obtida da experimentação, garantindo ser o módulo de elasticidade obtido em região elástica e linear.

Visando maior confiabilidade, por ser a madeira um material ortotrópico e heteronêneo, a sua caracterização na flexão requer experimentações em peças com dimensões estruturais. Neste âmbito, apenas documentos normativos internacionais podem ser citados, uma vez que a norma Brasileira ABNT NBR 7190:1997 (Projeto de Estruturas de Madeira), que trata da caracterização da madeira, contempla apenas a condição de ensaios destrutivos em corpos de prova de pequenas dimensões e isentos de defeitos para a determinação das propriedades de resistência e rigidez da madeira.

A norma ASTM D 198:1997 (Standard Test Method of Static Tests of Lumber in Structural Sizes) preconiza o ensaio de flexão estática a quatro pontos na determinação do módulo de elasticidade na flexão (E_m), expresso pela Equação 1, sendo F a força aplicada no limite de proporcionalidade elástico, L a distância entre apoios,

a é distância entre as forças aplicadas, b a largura do corpo de prova, h a espessura do corpo de prova e δ a flecha obtida no meio do vão.

$$E_m = \frac{F \cdot a \cdot (3 \cdot L^2 - 4 \cdot a^2)}{4 \cdot b \cdot h^3 \cdot \delta} \quad (1)$$

No Brasil, as pesquisas que envolvem a caracterização de peças de madeira de dimensões estruturais por intermédio de ensaios mecânicos seguem as premissas de métodos e cálculos contidos em documentos normativos internacionais, podendo-se citar os trabalhos de Pigozzo et al. (2000), Fiorelli (2005), Fiorelli et al. (2009); Miotto (2009) entre outros.

A caracterização de peças de madeira de dimensões estruturais também tem sido realizada por intermédio de ensaios não destrutivos, que visam à determinação das propriedades físicas e mecânicas de um elemento estrutural sem a alteração das suas capacidades de uso (ROSS et al., 1998). A vantagem do emprego de ensaios não destrutivos consiste na não necessidade da extração de corpos de prova, viabilizando o estudo da integridade estrutural (MINÁ et al., 2004; OLIVEIRA, SALES, 2002), comumente realizados por meio de ensaios como vibração transversal e ultra-som, entre outros.

Do exposto, os modelos de cálculo propostos por documentos normativos para a determinação do módulo de elasticidade na flexão em peças de madeira de dimensões estruturais não contemplam metodologias de otimização, sendo obtidos por meio de ensaios destrutivos.

Este trabalho propõe uma metodologia analítica de cálculo, fundamentada no Método dos Mínimos Quadrados e no ensaio de flexão estática a três pontos, conduzido de forma não destrutiva, para a determinação do módulo de elasticidade à flexão em peças de madeira serrada de dimensões estruturais. O emprego da abordagem analítica proposta é feito para madeiras

da espécie *Corymbia citriodora*, sendo os resultados dos módulos de elasticidade obtidos comparados com os oriundos da Norma Brasileira ABNT NBR 7190:1997, adaptada para a condição de peças de dimensões estruturais e ensaios não destrutivos, permitindo-se verificar as diferenças entre ambos.

2. MATERIAIS E MÉTODOS

Para a determinação do módulo de elasticidade foram utilizadas 7 peças de madeira da espécie *Corymbia citriodora* com 540 cm de comprimento, 15 cm de altura e 5 cm de largura, respeitando a relação $L \leq 21h$ (ROCCO LHAR, 1983), desprezando-se assim os efeitos do cisalhamento no cálculo das deflexões das peças. Os ensaios experimentais utilizados na determinação dos módulos de elasticidade são considerados não destrutivos, em virtude dos maiores valores em deslocamentos encontrados estarem limitados a relação $L/200$ (não baseados no valor da força de ruptura), sendo esta uma média de pequenos deslocamentos definida pela norma ABNT NBR 7190:1997, implicando em linearidade física e geométrica para as vigas de madeira testadas.

Os esquemas dos ensaios estruturais para a obtenção dos módulos de elasticidade das vigas por ambas as metodologias de cálculo são apresentados na Figura 1, sendo estes executados nas dependências do Laboratório de Estruturas de Madeira (LaMEM) do Departamento de Engenharia de Estruturas (SET) da Escola de Engenharia de São Carlos (EESC) da Universidade de São Paulo (USP).

O esquema de ensaio ilustrado na Figura 1a (um relógio comparador) foi utilizado para o cálculo do módulo de elasticidade pela norma Brasileira ABNT NBR 7190:1997 (adaptado para peças com dimensões estruturais) assim como para o emprego de uma dentre duas abordagens analíticas de cálculo fundamentadas no Método dos Mínimos Quadrados (abordagem alternativa). O esquema ilustrado pela Figura 1c é utilizado para o desenvolvimento da segunda abordagem alternativa de cálculo (cinco relógios comparadores), sendo medidos os deslocamentos em cinco pontos distintos ao longo das peças.

2.1. Metodologia alternativa com o uso de um relógio comparador

A equação para o cálculo do módulo de elasticidade na flexão com o uso de um único relógio comparador (E_{ef}) é aqui apresentada para dois níveis de força e

deslocamentos obtidos da experimentação, sendo generalizada posteriormente para três ou mais níveis.

Da mecânica dos sólidos, o deslocamento (δ) no ponto médio da viga do modelo estrutural ilustrado na Figura 1a é expresso pela Equação 2, sendo E o módulo de elasticidade longitudinal ou de Young e b e h as medidas da largura e altura da seção transversal da peça respectivamente (Figura 1a).

$$\delta = \frac{F \cdot L^3}{4 \cdot E \cdot b \cdot h^3} \quad (2)$$

Definindo-se as duas medidas sucessivas de forças F_1 e F_2 relacionadas aos deslocamentos δ_1 e δ_2 obtidos experimentalmente, os deslocamentos analíticos para estas forças ficam determinados pelas Equações 3 e

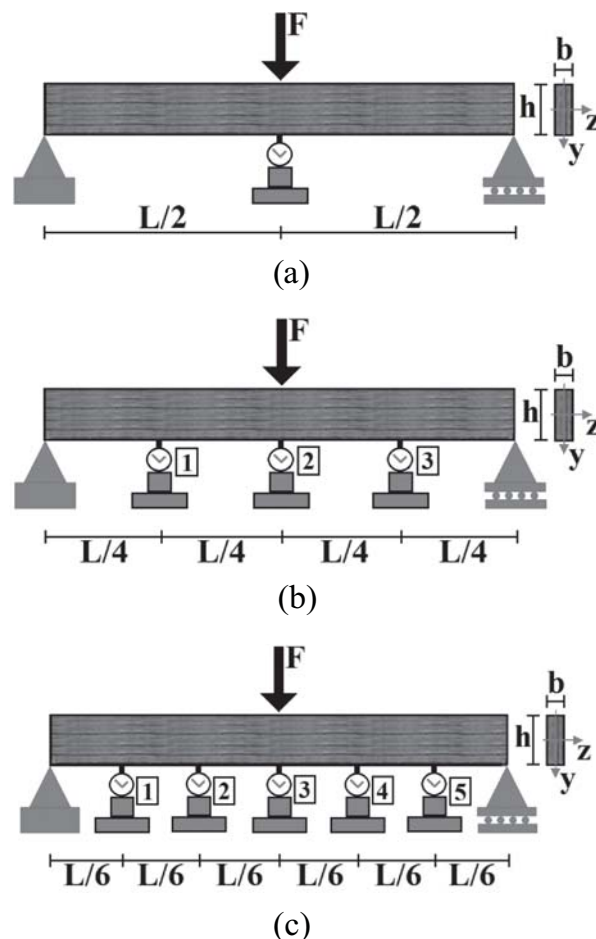


Figura 1 – Esquemas dos ensaios para obtenção dos módulos de elasticidade.

Figure 1 – Schemes tests to obtain the modulus of elasticity.

4 respectivamente, escritos como função do módulo de elasticidade.

$$\delta_1(E) = \frac{1}{E} \cdot \frac{F_1 \cdot L^3}{4 \cdot b \cdot h^3} \quad (3)$$

$$\delta_2(E) = \frac{1}{E} \cdot \frac{F_2 \cdot L^3}{4 \cdot b \cdot h^3} \quad (4)$$

A presente metodologia fundamenta-se na ideia de mínimos quadrados (Equação 5), objetivando-se determinar o valor do módulo de elasticidade para que o resíduo gerado entre os valores dos deslocamentos analíticos ($\delta(E)_i$) e experimentais (δ_i) seja o menor possível.

$$f(E) = \frac{1}{2} \cdot \sum_{i=1}^n (\delta(E)_i - \delta_i)^2 \quad (5)$$

Substituindo-se as Equações 3 e 4 na Equação 5 e derivando-se esta última e igualando-a a zero chega-se ao valor do módulo de elasticidade ($E_{m,ef}$) que minimiza as diferenças entre os deslocamentos analíticos e experimentais (Equação 6), comprovando ser este ponto de mínimo global pelo critério da derivada segunda.

$$E_{ef,2} = \frac{(F_1^2 + F_2^2) \cdot L^3}{4 \cdot b \cdot h^3 \cdot (F_1 \cdot \delta_1 + F_2 \cdot \delta_2)} \quad (6)$$

O módulo de elasticidade para três e quatro níveis de forças e deslocamentos sucessivos medidos experimentalmente são expressos pelas Equações 7 e 8.

$$E_{ef,3} = \frac{(F_1^2 + F_2^2 + F_3^2) \cdot L^3}{4 \cdot b \cdot h^3 \cdot (F_1 \cdot \delta_1 + F_2 \cdot \delta_2 + F_3 \cdot \delta_3)} \quad (7)$$

$$E_{ef,4} = \frac{(F_1^2 + F_2^2 + F_3^2 + F_4^2) \cdot L^3}{4 \cdot b \cdot h^3 \cdot (F_1 \cdot \delta_1 + F_2 \cdot \delta_2 + F_3 \cdot \delta_3 + F_4 \cdot \delta_4)} \quad (8)$$

Para um conjunto de n forças e deslocamentos sucessivos obtidos experimentalmente, o módulo de elasticidade fica determinado pela Equação 9.

$$E_{ef,n} = \frac{L^3}{4 \cdot b \cdot h^3} \cdot \frac{\sum_{i=1}^n (F_i^2)}{\sum_{i=1}^n (\delta_i \cdot F_i)} \quad (9)$$

2.2. Metodologia alternativa com o uso de cinco relógios comparadores

A metodologia utilizada no cálculo do módulo de elasticidade ótimo (E_{om}) é apresentada para a condição de três relógios comparadores, sendo análoga para a condição de cinco.

Da resistência dos materiais, os deslocamentos nos relógios comparadores 1 e 3 (Figura 1b) são expressos pela Equação 10, sendo o deslocamento no relógio comparador 2 obtido da Equação 2, ambos escritos como função do módulo de elasticidade.

$$\delta_{13} = \delta = \frac{11 \cdot F \cdot L^3}{768 \cdot E \cdot J_z} \quad (10)$$

O módulo de elasticidade a ser calculado com as informações advindas do modelo de ensaio da Figura 1b, assim como apresentado na metodologia envolvendo 1 relógio comparador, parte da ideia de mínimos quadrados (Equação 5), sendo utilizado os valores dos deslocamentos analíticos das Equações 2 e 10. Derivando-se a equação resultante e igualando-a a zero chega-se ao valor do módulo de elasticidade ótimo (Equação 11).

$$E_{om} = \frac{249 \cdot F \cdot L^3}{32 \cdot \gamma \cdot b \cdot h^3}, \gamma = 11 \cdot (\delta_1 + \delta_3) + 16 \cdot \delta_2 \quad (11)$$

Utilizando-se da mesma metodologia para o cálculo da Equação 11 chega-se a expressão para o cálculo do módulo de elasticidade na flexão com o uso de cinco relógios comparadores (Figura 1c), expressa pela Equação 12.

$$E_{om} = \frac{2125 \cdot F \cdot L^3}{108 \cdot \beta \cdot b \cdot h^3}, \begin{cases} \beta = 13 \cdot \gamma_1 + 23 \cdot \gamma_2 + 27 \cdot \delta_3 \\ \gamma_1 = \delta_1 + \delta_3 \\ \gamma_2 = \delta_2 + \delta_4 \end{cases} \quad (12)$$

A Equação 2 reescrita em função do módulo de elasticidade (E_m) é a equação adaptada da Norma Brasileira, consistindo em uma abordagem simplificada. Esta juntamente com as Equações 9 e 12 são utilizadas no cálculo dos módulos de elasticidade das peças de madeira de dimensões estruturais.

Em um teste inicial, determinou-se um valor de força de 277N responsável por provocar um deslocamento próximo a $L/200$. Este valor foi dividido em sete incrementos de carga, conferindo sete medições em forças e deslocamentos por viga ensaiada, conduzindo, para cada uma das três formas de análise, a sete valores

de módulo de elasticidade por peça. Ressalta-se que cada peça foi ensaiada uma única vez na flexão, sendo os módulos de elasticidade obtidos dos sucessivos e progressivos incrementos de carga, visto o modelo estrutural com cinco relógios contemplar também aquele com o uso de apenas um relógio comparador.

Para verificar as diferenças entre os valores dos módulos de elasticidade obtidos da norma Brasileira com os advindos das duas abordagens alternativas de cálculo foi-se utilizado o intervalo de confiança da diferença entre médias, expresso pela Equação 13, sendo m a média populacional das diferenças, \bar{x}_m a média aritmética amostral das diferenças, n o tamanho da amostra, S_m o desvio padrão amostral das diferenças e $t_{\alpha/2, n-1}$ o valor tabelado pela distribuição t de Student com $n-1$ graus de liberdade e nível de significância α (5%).

$$\bar{x}_m - t_{\alpha/2, n-1} \cdot S_m / \sqrt{n} \leq \mu \leq \bar{x}_m + t_{\alpha/2, n-1} \cdot S_m / \sqrt{n} \quad (13)$$

3. RESULTADOS

A Tabela 1 apresenta os valores dos módulos de elasticidade obtidos da abordagem adaptada da norma

Brasileira (simplificada) e das metodologias alternativas com um e cinco relógios comparadores respectivamente.

Observando-se a variação dos módulos de elasticidade para ambas as metodologias de cálculo, nota-se em cada caso uma sequência descendente nos valores, indicando convergência à medida que os deslocamentos no meio do vão se aproximam da medida $L/200$, assim como ilustra a Figura 2.

As Tabelas 2 e 3 exibem o teste de hipótese ou intervalo de confiança das médias de duas populações independentes, avaliando-se a equivalência estatística entre os módulos de elasticidade entre a abordagem simplificada (E_{st}) e alternativa com o uso de um relógio comparador (E_{ef}), e entre a metodologia simplificada e a alternativa com o uso de cinco relógios comparadores (E_{otm}) respectivamente. Os intervalos de confiança associados a P-valores superiores a 0,05 (5% de significância) são considerados estaticamente equivalentes. (WERKEMA; AGUIAR, 1996).

Através do intervalo de confiança, pode-se constatar, com 95% de confiança, a equivalência estatística entre os módulos de elasticidade obtidos

Tabela 1 – Módulos de elasticidade (MPa).
Table 1 – Modulus of elasticity (MPa).

	Viga 1	Viga 2	Viga 3	Viga 4	Viga 5	Viga 6	Viga 7
$E_{st,1}$	2287	2849	2914	2789	2893	2839	2573
$E_{st,2}$	2167	2749	2791	2533	2533	2352	2195
$E_{st,3}$	2148	2724	2470	2058	2352	2375	2008
$E_{st,4}$	2138	2659	2352	1882	2352	2352	1960
$E_{st,5}$	2111	2549	2287	1790	2287	2352	1906
$E_{st,6}$	2148	2475	2205	1703	2245	2352	1885
$E_{st,7}$	2119	2381	2175	1646	2217	2352	1853
	Viga 1	Viga 2	Viga 3	Viga 4	Viga 5	Viga 6	Viga 7
$E_{ef,1}$	2274	2956	2938	2929	2956	2680	2728
$E_{ef,2}$	2221	2844	2838	2747	2632	2521	2259
$E_{ef,3}$	2117	2506	2531	2108	2429	2236	2015
$E_{ef,4}$	2076	2448	2406	1953	2339	2341	1941
$E_{ef,5}$	2078	2305	2343	1822	2209	2331	1902
$E_{ef,6}$	2114	2052	2290	1744	2185	2301	1873
$E_{ef,7}$	2113	1905	2254	1691	2180	2235	1841
	Viga 1	Viga 2	Viga 3	Viga 4	Viga 5	Viga 6	Viga 7
$E_{otm,1}$	21463	29667	29452	27827	26032	23876	22170
$E_{otm,2}$	21197	27939	25853	22372	24038	20488	20504
$E_{otm,3}$	21070	24622	24283	20091	23505	20256	19795
$E_{otm,4}$	20897	22085	23397	18847	22997	20165	19272
$E_{otm,5}$	20891	21957	22659	17933	22596	20122	18951
$E_{otm,6}$	20870	20708	22170	17262	22284	20099	18668
$E_{otm,7}$	20770	20175	21845	16783	22038	20034	18464

com o uso da metodologia alternativa com os advindos da abordagem simplificada adaptada da norma Brasileira ABNT NBR 7190:1997.

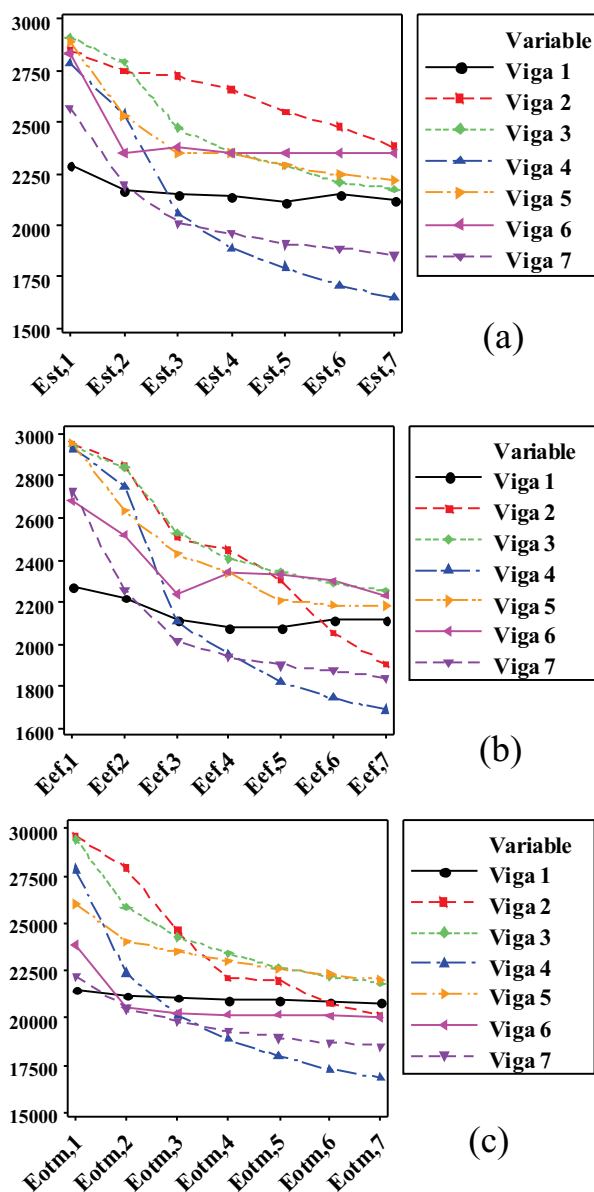


Figura 2 – Sequência de valores dos módulos de elasticidade: (a) Abordagem simplificada, (b) Abordagem alternativa com um relógio comparador e (c) Abordagem alternativa com cinco relógios comparadores.

Figure 2 – Sequence of values of the modulus of elasticity: (a) Simplified approach, (b) Alternative approach with one dial gauge and (c) Alternative approach with five dial gauges.

4. DISCUSSÕES

A equivalência estatística entre os módulos de elasticidade oriundos de ambas as metodologias de cálculo se justificam principalmente pela não existência de defeitos nas peças ensaiadas, possivelmente detectados com o uso da metodologia alternativa com o uso de cinco relógios comparadores.

Os resultados obtidos com o uso da Equação 9 (E_{st}) evidenciaram que para medidas de deslocamentos iguais e inferiores a razão $L/200$, ainda sim os módulos de elasticidade por ambas as formas de cálculo foram equivalentes, revelando ser ainda viável o uso de outros limites de deslocamentos para obtenção da rigidez das peças testadas.

5. CONCLUSÕES

A presente metodologia permite a obtenção do módulo de elasticidade na flexão em vigas de madeira de dimensões estruturais com maior precisão quando comparada as metodologias de cálculo presentes nos documentos normativos, por estar fundamentada em mínimos quadrados, possibilitando o emprego de várias medidas entre forças e deslocamentos sucessivos.

Os sete incrementos de força e deslocamentos utilizados em cada peça e por cada metodologia de cálculo possibilitou avaliar a convergência nos valores dos módulos de elasticidade, comprovando a validade da medida em deslocamentos $L/200$ (estado limite de utilização) estabelecida pela norma Brasileira, assim como da validade de medidas de deslocamentos inferiores a estabelecida por este código normativo.

Os resultados do intervalo de confiança revelaram equivalência estatística entre os módulos de elasticidade oriundos da abordagem fundamentada em mínimos quadrados para com a adaptada da norma Brasileira, indicando a boa aproximação do modelo adaptado da norma para o cálculo do módulo de elasticidade na flexão das vigas avaliadas. Ressalta-se que a possível existência de defeitos e a heterogeneidade nas peças de madeira testadas podem afetar de forma significativa o cálculo do módulo de elasticidade. Dessa forma, os resultados obtidos não podem ser extrapolados para madeiras de mesma ou de espécies diferentes, justificando o emprego das abordagens alternativas de cálculo em cada estudo desenvolvido, principalmente a que faz uso

Tabela 2 – Teste de hipóteses entre os módulos de elasticidade E_{st} e E_{ef} .
Table 2 – Hypothesis tests between the modulus of elasticity E_{st} and E_{ef} .

Teste de hipóteses	Desvio Padrão	Média	P-valor	Intervalo de confiança
Teste t: $E_{st,1}$ $E_{ef,1}$	59,2 75,7	2159,7 2141,3	0,633	-62,0785 $\leq \mu \leq$ 97,7928
Teste t: $E_{st,2}$ $E_{ef,2}$	165 385	2627 2431	0,251	-169,349 $\leq \mu \leq$ 560,777
Teste t: $E_{st,3}$ $E_{ef,3}$	290 272	2456 2514	0,707	-388,539 $\leq \mu \leq$ 272,53
Teste t: $E_{st,4}$ $E_{ef,4}$	439 498	2057 2142	0,742	-637,0556 $\leq \mu \leq$ 467,62
Teste t: $E_{st,5}$ $E_{ef,5}$	236 288	2411 2419	0,960	-316,8709 $\leq \mu \leq$ 302,29
Teste t: $E_{st,6}$ $E_{ef,6}$	183 164	2425 2378	0,623	-157,42 $\leq \mu \leq$ 251,42
Teste t: $E_{st,7}$ $E_{ef,7}$	255 318	2054 2080	0,871	-364,885 $\leq \mu \leq$ 313,74

Tabela 3 – Teste de hipóteses entre os módulos de elasticidade E_{st} e E_{otm} .
Table 3 – Hypothesis tests between the modulus of elasticity E_{st} e E_{otm} .

Teste de hipóteses	Desvio Padrão	Média	P-valor	Intervalo de confiança
Teste t: $E_{st,1}$ $E_{otm,1}$	4573 240	20887 21023	0,940	-4370,87 $\leq \mu \leq$ 4099,715
Teste t: $E_{st,2}$ $E_{otm,2}$	4573 3679	208877 23879	0,205	-7874,79 $\leq \mu \leq$ 1890,79
Teste t: $E_{st,3}$ $E_{otm,3}$	4573 2677	20887 24237	0,129	-7880,79 $\leq \mu \leq$ 1180,79
Teste t: $E_{st,4}$ $E_{otm,4}$	4573 3877	20887 20159	0,754	-4259,583 $\leq \mu \leq$ 5715,012
Teste t: $E_{st,5}$ $E_{otm,5}$	4573 1369	20887 23356	0,214	-6735,08 $\leq \mu \leq$ 1797,65
Teste t: $E_{st,6}$ $E_{otm,6}$	4573 1399	20887 20720	0,929	-4107,314 $\leq \mu \leq$ 4441,314
Teste t: $E_{st,7}$ $E_{otm,7}$	4573 1297	20887 19689	0,530	-3198,39 $\leq \mu \leq$ 5594,10

dos cinco relógios comparadores, sendo foco de pesquisas futuras visando investigar a influência de defeitos em vigas na obtenção da rigidez.

6. REFERÊNCIAS

AMERICAN SOCIETY FOR TESTING AND MATERIALS - ASTM. **Standard test method of static tests of lumber in structural sizes.** ASTM D 198. Annual book of ASTM standards, v. 03.01. West Conshohocken, Philadelphia: 1997.

ASSOCIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS - ABNT. **Projeto de estruturas de madeira.** NBR 7190. Rio de Janeiro: 1997.

CALIL JR., C.; LAHR, F. A. R.; DIAS, A. A. **Dimensionamento de elementos estruturais de madeira.** Barueri: Manole, 2003.

FIORELLI, J. **Estudo teórico e experimental de vigas de madeira laminada colada reforçadas com fibra de vidro.** 2005. 108f. Tese (Doutorado em Ciência e Engenharia de Materiais) - Universidade de São Paulo, São Carlos, 2005.



FIGORELLI, J.; DIAS, A. A.; COIADO, B. Propriedades mecânicas de peças com dimensões estruturais de *Pinus spp*: correlação entre resistência à tração e classificação visual. **Revista Árvore**, v.33, n.4, p.741-750, 2009.

MINÁ, A. J. S. et al. Avaliação não destrutiva de postes de madeira por meio de ultrassom. **Scientia Forestalis**, n.65, p.188-196, 2004.

MIOTTO, J. L.; DIAS, A. A. Produção e avaliação de vigas de madeira laminada colada confeccionadas com lâminas de eucalipto. **Revista Tecnológica**, Edição Especial ENTECA, p.35-45, 2009.

OLIVEIRA, F. G. R.; SALES, A. Ultrasonic measurements in Brazilian hardwood. **Material Research**, v.5, n.1, p.51-55, 2002.

PIGOZZO, J. C.; PLETZ, E.; LAHR, F. A. R. **Aspectos da classificação mecânica de peças estruturais de madeira**. In: ENCONTRO BRASILEIRO EM MADEIRAS E EM ESTRUTURAS DE MADEIRA, 7., 2000, São Carlos. **Anais...** São Carlos: 2000.

ROCCO LAHR, F. A. **Sobre a determinação de propriedades de elasticidade da madeira**. 1983. 216f. Tese (Doutorado em Engenharia de Estruturas) - Escola de Engenharia de São Carlos, Universidade de São Paulo, São Carlos, 1983.

ROSS, R. J.; BRASHAW, B. K.; PELLERIN, R. F. Nondestructive evaluation of wood. **Forest Products Journal**, v.48, n.1, p.14-19, 1998.

WERKEMA, M. C. C.; AGUIAR, S. **Planejamento e análise de experimentos**: como identificar e avaliar as principais variáveis influentes em um processo. Belo Horizonte: Fundação Christiano Ottoni, Escola de Engenharia da UFMG, 1996.